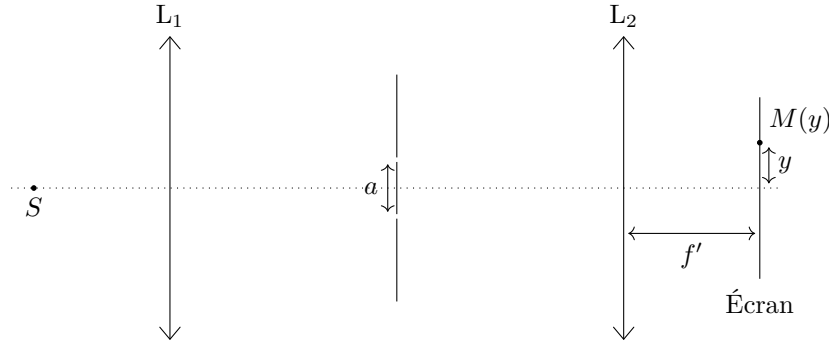


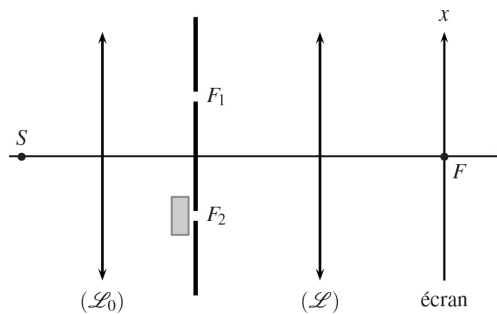
Colle n° 14 : Optique 4

Exercice 1 - Fentes d'Young avec double lentilles : On considère une source de lumière ponctuelle et monochromatique placée au foyer objet d'une lentille convergente (L_1). Elle éclaire deux fentes de Young distantes de a . On observe les interférences en un point M (ordonnée y) d'un écran situé au foyer image d'une seconde lentille convergente (L_2) de focale f' .



1. Exprimer l'éclairement sur l'écran en un point M . Quelle est la figure d'interférence ? Quelle est l'interfrange ?
2. On décale la source ponctuelle d'une distance d selon la verticale (elle est toujours dans le plan focal objet de (L_1)). Que se passe-t-il ?
3. Qu'observe-t-on si on introduit avant une des fentes un matériau transparent d'épaisseur e et d'indice n ? Est-on capable de remonter à la valeur de e ou n ? Si oui, comment ?

Exercice 2 - Frange achromatique : On considère le dispositif des fentes d'Young en lumière monochromatique avec observation dans le plan focal image d'une lentille \mathcal{L} , la source étant placée au foyer objet d'une lentille \mathcal{L}_0 .



1. Décrire la figure d'interférence observée ainsi que la répartition de l'intensité $I(x)$ sur l'écran. Calculer l'interfrange pour $F_1F_2 = a = 1$ mm, $\lambda_0 = 600$ nm et $f' = 50$ cm.
2. Une lame de verre d'épaisseur e , d'indice n , est placée devant F_2 (voir figure). Déterminer la nouvelle position de la frange centrale. De combien d'interfranges s'est-elle déplacée ? Faire l'application numérique pour $n = 1.50$ et $e = 0.01$ mm.

On remplace désormais la source monochromatique par une source de lumière blanche. L'indice du verre varie avec la longueur d'onde dans le vide selon la loi de Cauchy

$$n(\lambda) = A + \frac{B}{\lambda^2} \quad \text{où} \quad A = 1.489 \quad \text{et} \quad B = 0.004 \mu\text{m}^2 .$$

On appelle frange achromatique celle pour laquelle $\frac{\partial \Delta\varphi}{\partial \lambda}(\lambda_0) = 0$ pour $\lambda_0 = 600$ nm, longueur d'onde moyenne du spectre visible, et avec $\Delta\varphi$ le déphasage entre les deux rayons.

3. Déterminer la position de la frange achromatique. Donner, en interfrange, l'écart entre la frange achromatique et la frange centrale trouvée à la question précédente

Pour mesurer l'épaisseur e d'une lame à faces parallèles d'indice n , on mesure l'écart entre les positions, sur l'écran, de l'unique frange blanche (qui est aussi la mieux contrastée) avant et après l'introduction de la lame.

4. Quelle erreur relative commet-on sur la mesure de e si on considère $n = 1.500$ indépendamment de la longueur d'onde ?

5. Dans cette question, on néglige la dispersion ($B = 0$). Sachant que le dispositif des fentes d'Young permet d'obtenir des différences de marches géométriques allant de 0 à 10 μm , quelle est la valeur maximale de e qui peut être mesurée par cette méthode? Qu'observe-t-on si on prend une lame ayant 1 mm d'épaisseur? On rappelle que la longueur de cohérence de la lumière blanche peut être estimée en pratique à environ 3 μm .

Exercice 3 - lame à face parallèle : On considère une lame de verre d'indice $n = 1.5$ et d'épaisseur e . On considère un rayon incident faisant un angle d'incidence i avec la normale à la lame.

- Réaliser un schéma du dispositif et indiquer pourquoi il s'agit d'une interférence à N ondes.
- Montrer que la différence de marche entre deux rayons vaut $\delta = 2ne \cos r$ avec r l'angle de réfraction du rayon dans la lame.

L'amplitude d'une onde incidente est divisée entre l'onde réfléchiée et l'onde transmise. On note ρ le coefficient de réflexion de l'amplitude de l'onde et on admet qu'il vaut $\rho = \frac{n-1}{n+1}$ pour une lame dans l'air avec n l'indice optique du verre. On note τ le coefficient de transmission de l'amplitude de l'onde.

- Quelle est la relation entre τ et ρ ?
- Numériquement, que vaut ρ ? Que peut-on en déduire?
- Montrer que, dans ce cas, l'amplitude totale de l'onde en sortie de lame vaut

$$I(\Delta\varphi) = \frac{I_0}{1 + F \sin^2\left(\frac{\Delta\varphi}{2}\right)}$$

avec $\Delta\varphi$ le déphasage entre deux ondes transmises, I_0 une constante à déterminer en fonction de ρ et a_1 l'amplitude de la première onde et F une constante à déterminer en fonction de ρ . Donner la valeur numérique de F .

On place maintenant une lentille convergente de focale f' derrière la lame et on place l'écran sur le plan focal image de celle-ci.

- Justifier que la figure d'interférences est constituée d'anneaux concentriques.
- Donner le rayon de l'anneau d'ordre k .

Exercice 4 - Frange d'ordre zéro et frange achromatique : On étudie un interféromètre de Michelson. Le miroir M_2 est fixe, le miroir M_1 peut être déplacé parallèlement à lui-même grâce à un chariot sur lequel il est monté. La position du chariot est repérée par son abscisse x . On compte positivement une augmentation du chemin optique du rayon arrivant sur le miroir M_1 .

Initialement, l'interféromètre est réglé de façon à faire apparaître dans le champ quelques franges rectilignes. La frange brillante d'ordre zéro est au centre du champ pour $x = x_0$.

- Préciser le réglage du Michelson. Où sont localisées les interférences? Peut-on les projeter? Comment peut-on s'assurer que la frange située au centre de l'écran est bien la frange brillante d'ordre zéro?
- On introduit devant M_2 et parallèlement à celui-ci une lame de mica à faces parallèles d'indice $n(\lambda_0)$ (on considère que la dispersion du verre) et d'épaisseur e et on opère ici en lumière monochromatique de longueur d'onde λ_0 . Quelle est, pour une position x du chariot et une longueur d'onde donnée la différence de marche δ au centre du champ? On donnera le résultat en fonction de x , x_0 , n et e .
- Quelle est la valeur x_1 de x pour laquelle l'ordre d'interférence est nul au centre du champ? On donnera le résultat en fonction de x_0 , n et e .
- On reprend le montage précédent en lumière blanche.
 - Quelles sont les abscisses correspondant, pour une longueur d'onde λ donnée, à une frange brillante au centre de l'écran? On notera m l'ordre d'interférence correspondant.
 - On suppose que pour la lame en question, $dn/d\lambda$ est constant et connu. Montrer qu'il existe une valeur particulière x_2 de x correspondant à une frange brillante au centre de l'écran de même ordre m_0 pour toutes les longueurs d'ondes. Cette frange est appelée frange achromatique.

Exercice 5 - Épaisseur des anneaux en lame d'air : Un interféromètre de Michelson est constitué par une lame semi-réfléchissante, non absorbante, appelée séparatrice (S_p), dont les facteurs de transmission et de réflexion valent 1/2, et 2 miroirs plans (M_1) et (M_2) perpendiculaires l'un à l'autre. La lame (S_p) est inclinée de 45° par rapport aux normales des miroirs. L'interféromètre est plongé dans l'air dont on prendra l'indice de réfraction égal à 1.

La source S est ponctuelle et monochromatique de longueur d'onde λ . Par construction, l'écart entre les deux miroirs équivalents parallèles est de ℓ . On observe le phénomène d'interférences dans le plan focal P d'une lentille mince convergente de distance focale f' .

- Montrer que les franges d'interférences obtenues dans P sont des anneaux. En supposant l'ordre d'interférence p_0 entier au centre ($i = 0$), calculer les rayons des anneaux brillants.
- Calculer la demi-largeur des anneaux, définie en disant que si, dans la direction du maximum de lumière l'intensité est I_M , on trouve à demi-largeur l'intensité $I_M/2$.